

Ejercicios Resueltos: Movimiento Rectilíneo

➤ Ejercicio 1

Un vehículo se desplaza a lo largo del eje x de un sistema de referencia. Su aceleración está dada por $a_x = -2x$, donde “ x ” se mide en [m] y “ a ” está dada en [m/s^2]. Halle la relación entre la velocidad (v_x) y la posición (x), suponiendo que cuando $x=0$, $v_x=0,60[m/s]$.

Solución

En la presente situación es claro que la aceleración es variable, pues depende de la posición del móvil (o sea, aquí las relaciones para el MRUA, no son útiles)

Como

$$a_x = \frac{dv_x}{dt}$$

Entonces

$$\begin{aligned} a_x &= \frac{dv_x}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} && \text{(regla de la cadena)} \\ a_x &= \frac{dv_x}{dt} \cdot v_x \\ -2x &= v_x \frac{dv_x}{dt} \\ -2x dx &= v_x dv_x \end{aligned}$$

O sea,

$$v_x dv_x + 2x dx = 0$$

Al integrar se obtiene

$$\frac{v_x^2}{2} + x^2 = C$$

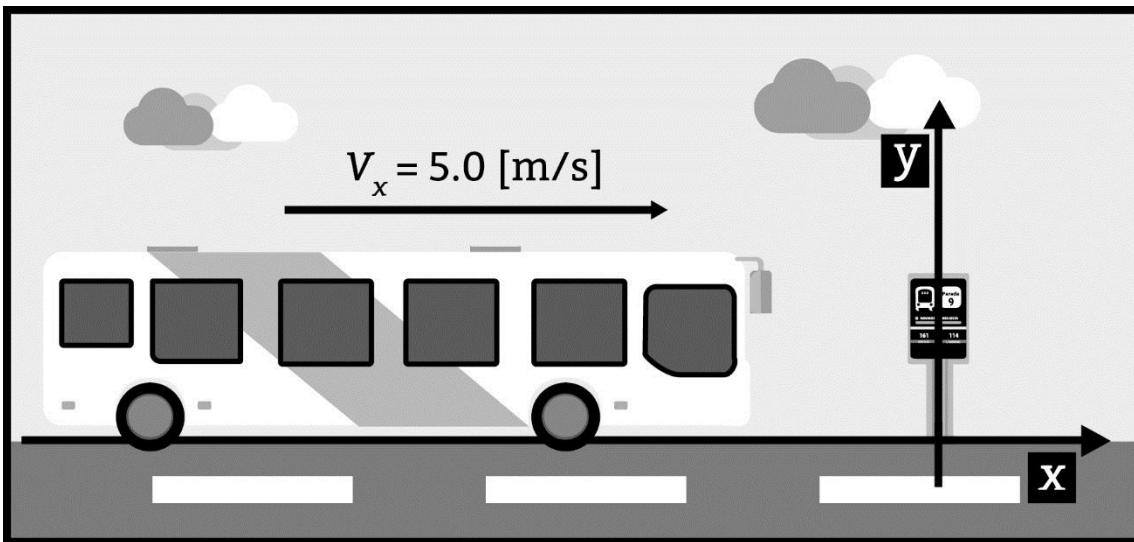
Para $x=0$, $v_x=0,60[m/s]$

$$\begin{aligned} \frac{0,60^2}{2} &= C \\ C &= 0,18[m^2 / s^2] \end{aligned}$$

Así,

$$\begin{aligned} v_x^2 + 2x^2 &= 0,36 \\ v_x &= \pm \sqrt{0,36 - 2x^2} [m/s] \end{aligned}$$

➤ **Ejercicio 2**



Un bus del Transantiago viaja con rapidez de 5,0[m/s] y al pasar por una parada llena de estudiantes comienza a acelerar con aceleración constante de 2.0 [m/s²]. Determine: a) la distancia a la cual se encuentra del paradero a los 3,0[s]; b) la velocidad del bus a los 3,0[s] c) la distancia a la cual se encuentra del paradero cuando su rapidez es de 14 [m/s] (aproximadamente 50[km/h]).

Solución

a) La situación planteada se refiere a un movimiento en línea recta (sobre el eje x) y con aceleración constante. Si se considera el instante $t = 0$ justo cuando el bus pasa frente al paradero, entonces la posición inicial x_0 es cero, ya que el paradero se toma en el origen del sistema de coordenadas. Entonces la rapidez para $t = 0$ es 5,0[m/s], la aceleración es 2,0[m/s²] y la posición del bus está dado por

$$x = x_0 + v_{0_x} \cdot t + \frac{1}{2} a_x \cdot t^2$$

$$x = 5,0 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot 2,0 \cdot t^2$$

Al evaluar la relación anterior en $t=3,0[s]$, se obtiene la posición para ese instante

$$x(3,0) = 5,0 \cdot 3,0 + \frac{1}{2} \cdot 2,0 \cdot (3,0)^2$$

$$x(3,0) = 24[m]$$

b) La velocidad tiene solo componente en “el eje x”, y está dada por

$$\vec{v} = (v_{0_x} + a_x t) \hat{i} = (5.0 + 2.0t) \hat{i}$$

Al evaluar la relación anterior con $t=3.0[\text{s}]$, se obtiene la velocidad para ese instante

$$\vec{v}(3,0) = (5.0 + 2.0 \cdot 3.0) \hat{i}$$

$$\vec{v}(3,0) = 11 \hat{i} [\text{m/s}]$$

c) Al reemplazar los valores hallados en la relación independiente del tiempo,

$$v_x^2 - v_{0_x}^2 = 2 \cdot a_x \cdot (x - x_0)$$

$$14^2 - 5,0^2 = 2 \cdot 2,0 \cdot (x - 0)$$

$$x = 43[\text{m}]$$

➤ Ejercicio 3

Una partícula, que se mueve sobre el eje x con aceleración constante de $2[\text{m/s}^2]$, se encuentra a $11[\text{m}]$ del origen en $t = 2[\text{s}]$ y a $41 [\text{m}]$ del origen en $t = 5[\text{s}]$. Determine la posición y rapidez inicial de la partícula.

Solución

Dado que la partícula se mueve con aceleración constante, su posición puede expresarse como

$$x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

Como $a = 2[\text{m/s}^2]$ $x(2) = 11[\text{m}]$ y $x(5) = 41[\text{m}]$

Al reemplazar estos valores se halla

$$x(2) = 11 = x_0 + v_0 (2) + \frac{1}{2} 2 (2)^2 \quad (1)$$

$$x(5) = 41 = x_0 + v_0 (5) + \frac{1}{2} 2 (5)^2 \quad (2)$$

Reordenando las ecuaciones (1) y (2), se tiene un sistema de dos incógnitas con dos ecuaciones.

$$\begin{aligned} 7 &= x_0 + 2v_0 \\ 16 &= x_0 + 5v_0 \end{aligned}$$

Para resolver el sistema se puede utilizar las reglas de Kramer, de modo que

$$x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & 7 \\ 5 & 16 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 1 \end{vmatrix}} = \frac{32 - 35}{2 - 5} = 1[m]$$
$$v_0 = \frac{\begin{vmatrix} 7 & 1 \\ 16 & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 1 \end{vmatrix}} = \frac{7 - 16}{2 - 5} = 3[m/s]$$